

نام:

نام خانوادگی:

کلاس:

پایه:

شماره صندلی:

بسمتعالی

اداره آموزش و پرورش منطقه تهران

دبیرستان نمونه دولتی ابوعلی سینا

درس: هندسه ۱

تاریخ امتحان: ۱۴۰۱، ۳، ۱۶

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه

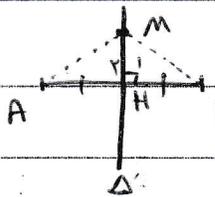
نمره با عدد:

نمره با حروف:

بارم

پاسخنامه

نمره



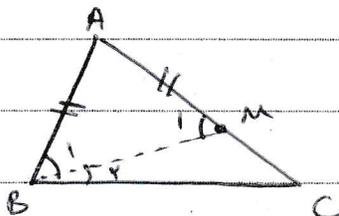
۱) فرض کنیم
 $\Delta \perp AB$, $M \in \Delta$
 $MA = MB$
 حکم

مستقیم MH
 $\hat{A}_1 = \hat{B}_1 = 90^\circ$
 $AH = BH$
 $\Delta AMH \cong \Delta BMH \Rightarrow AM = BM$



۲) فرض کنیم
 $M \in AB$, $MA = MB$
 $M \in (\Delta \perp AB)$
 حکم

برهان: از M عمود MH رسم کنیم
 $\Delta AMH \cong \Delta BMH \Rightarrow AH = BH$
 $\hat{A}_1 = \hat{B}_1 = 90^\circ \Rightarrow MH \perp AB$



۳) فرض کنیم: $AB < AC$, ΔABC
 $\hat{B} > \hat{C}$
 برهان: AM را از AC اندازه بگیریم
 AC جای کنیم
 حکم

$AB = AM \Rightarrow \Delta ABM$ متساوی الساقین $\Rightarrow \hat{B}_1 = \hat{M}_1$, $\hat{B} > \hat{B}_1 \Rightarrow \hat{B} > \hat{M}_1$ ①

ΔBMC : $\hat{M}_1 > \hat{C}$ ② $\Rightarrow \hat{B} > \hat{M}_1 > \hat{C} \Rightarrow \hat{B} > \hat{C}$

برهان خلف: فرض کنیم حکم خلاف است.
 $\hat{B} > \hat{C}$, ΔABC
 $AC > AB$
 حکم

$AB < AC \Rightarrow$
 $\left\{ \begin{array}{l} AB = AC \Rightarrow \Delta ABC \text{ متساوی الساقین} \Rightarrow \hat{B} = \hat{C} \text{ X} \\ AB > AC \Rightarrow \hat{B} < \hat{C} \text{ X} \end{array} \right.$

چون $\hat{B} > \hat{C}$ پس $AC > AB$ و حکم درست است.

نام:

نام خانوادگی:

کلاس:

پایه:

شماره صندلی:

بازمانده

اداره آموزش و پرورش منطقه تهران

دیپارتمان نمونه دولتی ابوعلی سینا

درس: هندسه ۱

تاریخ امتحان: ۱۶، ۳، ۱۴۰۱

مدت امتحان: ۲۰ دقیقه

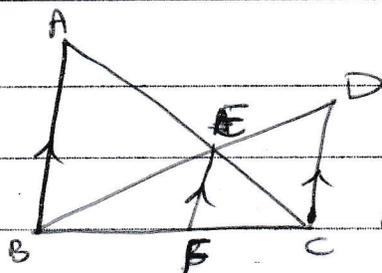
نمره با عدد:

نمره با حروف:

بارم

پاسخنامه

نمره



در مثل ABC ، $AB \parallel FE \parallel CD$ (۳) صورت
مقدم

$$\frac{1}{EF} = \frac{1}{AB} + \frac{1}{CD}$$

$\triangle ABC$: $EF \parallel AB$ (۲) صورت
مقدم

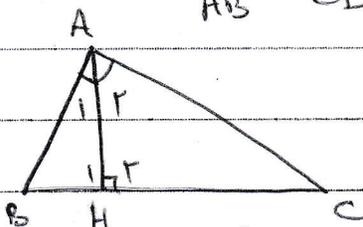
$$\frac{FC}{BC} = \frac{FE}{AB} \quad (1)$$

$\triangle BCD$: $EF \parallel CD$ (۲) صورت
مقدم

$$\frac{BF}{BC} = \frac{FE}{CD} \quad (2)$$

$$(1) + (2) \Rightarrow \frac{FC}{BC} + \frac{BF}{BC} = \frac{FE}{AB} + \frac{FE}{CD} \Rightarrow \frac{FC+BF}{BC} = FE \left(\frac{1}{AB} + \frac{1}{CD} \right)$$

$$1 = EF \left(\frac{1}{AB} + \frac{1}{CD} \right) \Rightarrow \frac{1}{EF} = \frac{1}{AB} + \frac{1}{CD}$$



$AH \perp BC$ ، $\hat{A} = 90^\circ$ ، $\triangle ABC$ (۴) صورت
مقدم

$$AH^2 = BH \times CH$$

$$\begin{cases} \hat{A}_1 + \hat{A}_2 = 90^\circ \\ \hat{A}_1 + \hat{B} = 90^\circ \end{cases} \Rightarrow \hat{B} = \hat{A}_2 \quad (1)$$

$$\begin{cases} \hat{H}_1 = \hat{H}_2 = 90^\circ \\ \hat{B} = \hat{A}_2 \quad (1) \end{cases} \Rightarrow \triangle ABH \sim \triangle ACH \Rightarrow \frac{AH}{BH} = \frac{CH}{AH} \Rightarrow AH^2 = BH \times CH$$

$S_1 = 15$ ، $\frac{r_{P_1}}{r_{P_2}} = \frac{1}{11}$ ، $\triangle_1 \sim \triangle_2$ (۵) صورت
مقدم

$$\frac{S_1}{S_2} = \left(\frac{r_{P_1}}{r_{P_2}} \right)^2 = k^2 \Rightarrow \frac{S_1}{15} = \left(\frac{1}{11} \right)^2 \Rightarrow \frac{S_1}{15} = \frac{1}{121} \Rightarrow S_1 = \frac{15}{121} = \frac{15}{121}$$

$$\frac{n(n-2)}{2} + n = 5n \Rightarrow \frac{n(n-2)}{2} = 4n \Rightarrow n = 11$$

$$\sum \hat{A} = (n-2)180 = (11-2)180 = 1620$$

$D+n = 5n$ (۶) صورت
مقدم

$$\sum \hat{A} = ?$$

نام:

نام خانوادگی:

کلاس:

پایه:

شماره صندلی:

بایرتمالی

اداره آموزش و پرورش منتهای تهران

دیپارتمان نمونه دولتی ابوعلی سینا

درس: هندسه ۱

تاریخ امتحان: ۱۴۰۱/۳/۱۶

مدت امتحان: ۴۵ دقیقه

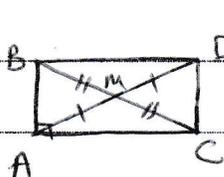
نمره با عدد:

نمره با حروف:

بارم

پاسخنامه

نوع

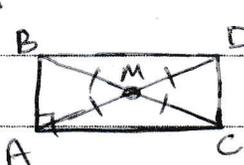


پاره‌ها: AM ، MD ، AB ، BC
 چون $AM = MD$ و $BM = MC$ و $\hat{A} = 90^\circ$
 پس $ABDC$ متوازی الاضلاع است.
 پس $AD = BC$ و $AM = \frac{BC}{2}$

فرض کنیم $\triangle ABC$ ، $\hat{A} = 90^\circ$ ، AM میانه
 $AM = \frac{BC}{2}$

$AM = MD$
 $BM = MC$
 $\hat{A} = 90^\circ$

چون $AM = MD$ و $BM = MC$ و $\hat{A} = 90^\circ$
 پس $ABDC$ متوازی الاضلاع است.
 $\Rightarrow AD = BC \Rightarrow AM = \frac{BC}{2}$

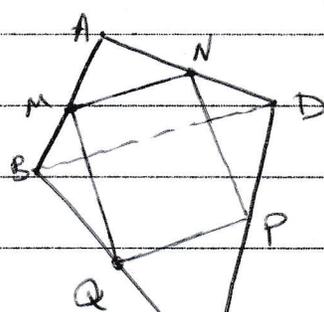


پاره‌ها: AM ، MD ، AB ، BC
 چون $AM = MD$ و $BM = MC$ و $\hat{A} = 90^\circ$
 پس $ABDC$ متوازی الاضلاع است.
 پس $AD = BC$ و $AM = \frac{BC}{2}$

فرض کنیم $\triangle ABC$ ، $\hat{A} = 90^\circ$ ، $AM = \frac{BC}{2}$

$AM = MD$
 $BM = MC$
 $AD = BC$

چون $AM = MD$ و $BM = MC$ و $AD = BC$
 پس $ABDC$ متوازی الاضلاع است.
 $\Rightarrow \hat{A} = 90^\circ$



فرض کنیم $ABCD$ متوازی الاضلاع، $M \in AD$ ، $N \in AB$ ، $P \in AC$ ، $Q \in BC$ و $MN \parallel PQ \parallel BD$

پاره‌ها: BD ، AM ، AN ، CP ، CQ

$\triangle ABD$: $\frac{AM}{AB} = \frac{AN}{AD} = \frac{1}{2} \xrightarrow{\text{عکس تناسب}} MN \parallel BD \xrightarrow{\text{نسبت تناسب}} \frac{MN}{BD} = \frac{1}{2}$ (۱)

$\triangle CBD$: $\frac{CP}{CD} = \frac{CQ}{BC} = \frac{1}{2} \xrightarrow{\text{عکس تناسب}} PQ \parallel BD \xrightarrow{\text{نسبت تناسب}} \frac{PQ}{BD} = \frac{1}{2}$ (۲)

$(۲) \Rightarrow (۱) \Rightarrow \left. \begin{matrix} MN \parallel PQ \\ MN = PQ \end{matrix} \right\} \text{متوازی الاضلاع } MNPQ$

نام:

نام خانوادگی:

کلاس:

پایه:

شماره صندلی:

بِسْمِ اللَّهِ الرَّحْمَنِ الرَّحِيمِ

اداره آموزش و پرورش منتهان

دیپارتمان نمونه دولتی ابوعلی سینا

درس: هندسه ۱

تاریخ امتحان: ۱۶، ۱۳، ۱۴۰۱

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه

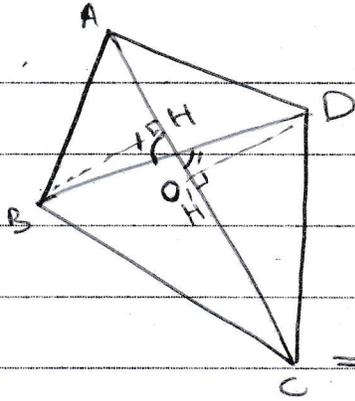
نمره با عدد:

نمره با حروف:

بارم

پاسخنامه

ن.ت.ع



۱۹ روش اول

$$S_{ABCD} = \frac{1}{2} AC \times BD \sin \hat{\alpha}_1$$

$$S_{ABCD} = S_{\Delta ABC} + S_{\Delta ACD}$$

$$\Rightarrow S_{ABCD} = \frac{1}{2} BH \times AC + \frac{1}{2} DH' \times AC$$

$$\Rightarrow S_{ABCD} = \frac{1}{2} AC (BH + DH')$$

$\xrightarrow{\substack{BH = BO \sin \hat{\alpha}_1 \\ DH' = DO \sin \hat{\alpha}_1}}$

$$\Rightarrow S_{ABCD} = \frac{1}{2} AC (BO \sin \hat{\alpha}_1 + DO \sin \hat{\alpha}_1) = \frac{1}{2} AC (\overbrace{BO + DO}^{BD}) \sin \hat{\alpha}_1$$

$$\Rightarrow S_{ABCD} = \frac{1}{2} AC \times BD \sin \hat{\alpha}_1$$

۱۰ الف) چند ضلعی که تمام رئوس آن روی یک خط مستقیم قرار دارد.

ب) دو خط در یک صفحه موازی و نه متقاطع هستند (دو خط در یک صفحه موازی قرار نمی‌گیرند)

ج) استرک دو صفحه متقاطع، افضل مسترک هستند.

۱۱ الف) یک ب) یک ج) یک د) موازی - منطبق

۱۲ از هر ضلع ۴ وجه دیده می‌شود و ضلع بالایی و ۳ وجه دیگر آن نیز قابل مشاهده است.

$$\Sigma A = 4 \times 1 + 1 = ۵$$

نام:

نام خانوادگی:

کلاس:

پایه:

شماره صندلی:

بسمتعالی

اداره آموزش و پرورش منتهیترین

دیپارتمان نمونه دولتی ابوعلی سینا

درس: هندسه ۱

تاریخ امتحان: ۱۶، ۱۳، ۱۴۰۱

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه

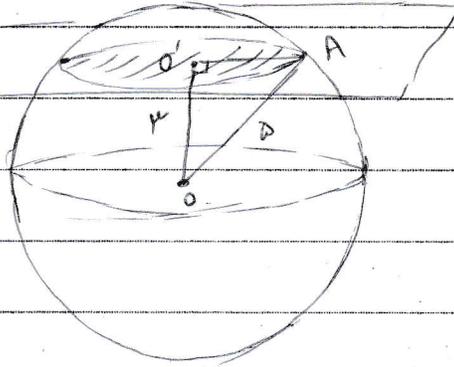
نمره با عدد:

نمره با حروف:

بارم

پاسخنامه

نمره



$$O'A = \sqrt{OA^2 - OO'^2} = \sqrt{a^2 - a^2} = 0$$

$$S_{\text{ش}} = \pi R^2 = 14\pi$$

(۱۳)